

بنام خدا



*Market Code*

## شبیه سازی عددی تشکیل قطره در میکرو کانال ها با استفاده از روش شبکه بولتزمن

|            |   |                      |
|------------|---|----------------------|
|            | مرتضی علیزاده: دانشگاه آزاد اسلامی واحد تهران مرکزی، کارشناسی<br>ارشد مهندسی مکانیک | توسعه دهنده گان      |
|            | محمد طبی رهنی: دانشگاه صنعتی شریف، دانشکده مهندسی هوافضا،<br>استاد                  | کد:                  |
|            | مرتضی علیزاده   | تهیه کننده<br>مستند: |
|            | مرتضی علیزاده   | اعتبارسنجی<br>کد:    |
| ۱۳۹۳/۰۶/۲۹ |   | تاریخ تنظیم:         |

از مهم‌ترین پدیده‌های دوفازی در میکروکانال‌ها، تشکیل قطره بر مبنای فرایند امولسیون می‌باشد. امولسیون پدیده‌ای است که دو سیال مخلوط نشونده در میکروکانال با یکدیگر برهمنش نشان داده و در نهایت قطرات فاز جدا شونده به صورت معلق در فاز پیوسته تشکیل می‌شوند. امولسیون سازی با استفاده از میکروکانال‌ها یک تکنیک نو برای تولید امولسیون‌های منفرد می‌باشد و به‌طور گستردۀ کاربردهای فراوانی در طراحی بسیاری از دستگاه‌ها و ماشین‌ها، آنالیزهای بیوشیمیایی، راکتورها، تصویر برداری فراصوتی، مبدل‌های حرارتی، ماشین‌های پمپاژ خون و ... دارد و به طور ویژه و مهم کاربرد آن در ساختار موتورهای راکت با سوخت مایع بسیار حائز اهمیت می‌باشد. این پژوهش درباره چالش‌های فیزیکی و تکنیکی اساسی که طراحان در طراحی موتورهای راکت به آن برخورد می‌کنند بحث می‌کند. در بخش محفظه احتراق، سوخت مایع به صورت میکرو قطره‌هایی به محفظه احتراق تزریق می‌شود. پارامترهایی مانند ویسکوزیته، کشش سطحی، چگالی و .. در کنترل و هدایت اندازه قطرات مایع تاثیر گذار می‌باشند. اهمیت ارتباط این پارامترها خود را در غالب اعداد بی‌بعد مهمی مانند رینولدز، مویینگی، وبر و ... نشان می‌دهند که با بررسی این اعداد بی‌بعد به بررسی رفتار جریان می‌پردازیم. هدف این تحقیق بررسی شبیه‌سازی عددی فرایند تشکیل قطره از فاز مایع و سپس کنترل آن جهت دستیابی به اندازه و فرکانس تشکیل دلخواه قطرات با استفاده از روش شبکه بولتزمن و مدل تابع مشخصه می‌باشد. کد کامپیوتری مدل دوفازی تابع مشخصه نوشته شده و از مدل‌های مختلف تک‌فازی و دوفازی برای اعتبار سنجی آن بهره گرفته شده است. نتایج اعتبار سنجی و مقایسه نشان می‌دهند که مدل ما برای شبیه‌سازی بسیار توانمند می‌باشد. در ادامه نتایج شبیه‌سازی عددی تشکیل قطره در میکروکانال کو فلوئینگ به دست آورده شد و با استفاده از اعداد بی‌بعد مورد تحلیل قرار گرفت. در این مطالعه از اعداد بی‌بعد مویینگی و نسبت سرعت بین فازها استفاده شده است که عدد بی‌بعد مویینگی مهم‌ترین پارامتر برای معرفی جریان در این‌گونه کانال‌ها می‌باشد. نتایج نشان می‌دهند که رفتار جریان در گستره وسیعی تحت تأثیر عدد مویینگی می‌باشد. رهیافت‌های این بررسی برای طراحی میکروکانال‌ها در راستای بهینه‌سازی فرایند امولسیون و متعاقب آن، طراحی موتورهای راکت با سوخت مایع بسیار مفید می‌باشد.

کلمات کلیدی: میکروکانال‌ها، تشکیل قطره، روش شبکه بولتزمن، مدل تابع مشخصه، اعداد بی‌بعد

Market Code

# فهرست مطالب

|    |  |
|----|--|
| ۱۱ | <b>فصل ۱: مستند کاربری</b>                         |
| ۱۲ | ۱-۱-[راهنمای کاربری] . . . . .                     |
| ۱۶ | ۱-۱-۱-[نمونه اجرا] . . . . .                       |
| ۲۴ | <b>فصل ۲: مستندات دانشی</b>                        |
| ۲۵ | ۲-۱-[مقدمه] . . . . .                              |
| ۳۹ | ۲-۱-۲-۱- فاکتورهای وزنی روش شبکه بولتزمن . . . . . |
| ۴۸ | <b>فصل ۳: سابروتین‌ها</b>                          |
| ۴۹ | ۳-۱-[SABROTIEN INITIALIZE] . . . . .               |
| ۴۹ | ۳-۱-۱-[INITIALIZE: Part_1] . . . . .               |
| ۵۰ | ۳-۱-۲-[INITIALIZE: Part_2] . . . . .               |
| ۵۳ | ۳-۲-[OBSTACLE SABROTIEN] . . . . .                 |
| ۵۳ | ۳-۲-۱-[OBSTACLE: Part_1] . . . . .                 |
| ۵۴ | ۳-۲-۲-[OBSTACLE: Part_2] . . . . .                 |
| ۵۵ | ۳-۳-[STREAMING SABROTIEN] . . . . .                |
| ۶۰ | ۳-۴-[BOUNCEBACK SABROTIEN] . . . . .               |
| ۶۴ | ۳-۵-[BOUNDARY SABROTIEN] . . . . .                 |
| ۶۵ | ۳-۶-[Extrapolation SABROTIEN] . . . . .            |
| ۶۷ | ۳-۶-۱-[Extrapolation:Part_1] . . . . .             |
| ۶۸ | ۳-۶-۲-[Extrapolation:Part_2] . . . . .             |
| ۷۰ | ۳-۷-[COLLISION SABROTIEN] . . . . .                |
| ۷۰ | ۳-۷-۱-[Gaussian Collision Model] . . . . .         |
| ۷۵ | ۳-۷-۲-[COLLISION: Part_1] . . . . .                |
| ۷۵ | ۳-۷-۳-[COLLISION: Part_2] . . . . .                |
| ۷۷ | ۳-۷-۴-[COLLISION: Part_3] . . . . .                |
| ۷۸ | ۳-۷-۵-[COLLISION: Part_4] . . . . .                |
| ۸۳ | ۳-۷-۶-[Laplacian SABROTIEN] . . . . .              |
| ۸۵ | ۳-۷-۷-[GRADIENT SABROTIEN] . . . . .               |

|    |       |                                 |
|----|-------|---------------------------------|
| ۸۷ | ..... | [ RESULTS سابروتین ۳-۷-۸- ]     |
| ۸۷ | ..... | [ INITIALIZE۲ سابروتین ۳-۷-۹- ] |
| ۸۸ | ..... | [ INITIALIZE۳ سابروتین ۱۰-۷-۳ ] |
| ۸۸ | ..... | [ STREAMING۲ سابروتین ۱۱-۷-۳ ]  |
| ۸۹ | ..... | [ COLLISION۲ سابروتین ۱۲-۷-۳ ]  |
| ۸۹ | ..... | [ GRADIENT۲ سابروتین ۱۳-۷-۳ ]   |
| ۸۹ | ..... | [ RESULTS۲ سابروتین ۳-۷-۱۴- ]   |

#### **فصل ۴: اعتبار سنجی کد**

|    |       |  |
|----|-------|--|
| ۹۰ | ..... | ۴-۱-[ رابطه لاپلاس [۱۱] ]                          |
| ۹۱ | ..... | ۴-۲-[ انعقاد دو قطره‌ی دایره ای در مجاورت یکدیگر ] |
| ۹۵ | ..... |  |

#### **فصل ۵: نتایج شبیه سازی شکل گیری قطره در یک کانال**

|   |       |  |
|---|-------|--|
| ۱ | ..... | ۵-۱-[ شکل گیری قطره در یک کانال با ورودی‌های هم محور ] |
| ۲ | ..... | ۵-۲-[ بررسی تأثیر عدد مویینگی $Ca$ ]                   |
| ۴ | ..... |  |
| ۵ | ..... | ۵-۳-[ بررسی تأثیر نسبت سرعت بین فازها Q ]              |

## فهرست اشکال

|  |
|--|
| شکل (۱-۱) نمای شماتیک از میکرو کانال دوبعدی شامل دو کانال هم محور ..... ۳۰   |
| شکل (۲-۱) چاپ مقادیر در حین اجرای برنامه ..... ۱۹  |
| شکل (۳-۱) هندسه و شبکه تولید شده ..... ۲۰  |
| شکل (۴-۱) نوسانات قطره مربعی شکل در زمان‌های تکرار مختلف ( $\vartheta h = \vartheta l = 0.0667$ , $k=0.15$ ) ..... ۲۱  |
| شکل (۵-۱) رها سازی قطره مربعی شکل بدون نوسان در زمان‌های تکرار متفاوت ( $\vartheta h = \vartheta l = 0.233$ , $k=0.15$ ) ..... ۲۲  |
| شکل (۱-۲) واحد سلولی شبکه‌ی بولتزمن در $D2Q9$ ..... ۴۰   |
| شکل (۱-۳) شکل: نمایش مرحله برخورد و جاری شدن در یک شبکه. در گام اول برخورد در نقطه‌ی A رخ می‌دهد. در گام دوم توابع توزیع نشان داده شده پس از برخورد، به سمت نقاط همسایه جاری می‌شوند. ..... ۵۶ |
| شکل (۲-۳) : شرط مرزی برگشتی (گره‌ها روی دیوار). ..... ۶۱   |
| شکل (۳-۳) : نمایش طرز اعمال شرط مرزی عدم لغزش(برگشتی). ..... ۶۲  |
| شکل (۱-۴) فشار درون و بیرون قطره ..... ۹۲  |
| شکل (۲-۴) آزمایش قانون لاپلاس به همراه جواب تحلیلی(خطوط راست) برای قطره ساکن ( $\rho_L = 1$ , $\rho_h = 5$ , $\tau = 1$ ) ..... ۹۲   |
| شکل (۳-۴) نمایش برخورد و انعقاد دو قطره با یکدیگر و تشکیل قطره بزرگ‌تر در پله‌های زمانی متفاوت شبکه ..... ۹۸   |
| شکل (۴-۴) رشد شعاع پل رابط بر حسب جذر زمان برای مقادیر متفاوت تنش سطحی. ..... ۹۹   |
| شکل (۱-۵) نمای شماتیک از میکرو کانال دوبعدی شامل دو کانال هم محور ..... ۲  |
| شکل (۲-۵) تغییرات رفتار جریان در میکرو کانال هم محور در نسبت سرعت ثابت $Q=2$ و در اعداد مختلف $ca$ ..... ۵   |
| شکل (۳-۵) : تغییرات رفتار جریان در میکرو کانال هم محور برای مقدار ثابت $Ca=0.065$ و در نسبت‌های گوناگون سرعت ..... ۶   |

## فهرست جداول

|  |     |
|--|-----|
| جدول (۱-۱) متغیر های مشخص کننده اندازه و ابعاد هندسه مسئله . . . . .                                 | ۱۳  |
| جدول (۲-۱) مقادیر مربوط به زمان و تعداد تکرار اجرای برنامه . . . . .                                 | ۱۳  |
| جدول (۳-۱) مقادیر ورودی برنامه مربوط به شبیه سازی تغییر شکل قطره مربعی به یک قطره دایره ای . . . . . | ۱۴  |
| جدول (۱-۲) متغیرهای تعیین کننده ابعاد هندسه‌ی مسئله . . . . .  | ۳۰  |
| جدول (۲-۲) پارامترها و متغیرهای مربوط به شرایط اولیه قطره های موجود در برنامه . . . . .              | ۳۲  |
| جدول (۳-۲) فاکتورهای وزنی روش شبکه بولتزمن . . . . .   | ۳۲  |
| جدول (۴-۲) متغیرهای فیزیکی جریان و شرایط مرزی . . . . .  | ۳۲  |
| جدول (۵-۲) پارامترهای تعیین کننده شرایط هندسی دیواره ها . . . . .                                    | ۳۵  |
| جدول (۶-۲) پارامترهای کلی و عمومی . . . . .  | ۳۶  |
| جدول (۷-۲) متغیر های زمانی . . . . .   | ۳۶  |
| جدول (۸-۲) متغیرهای مربوط به زمان اجرا و گام زمانی ذخیره سازی . . . . .                              | ۴۱  |
| جدول (۹-۲) پارامترهای اولیه و ورودی مربوط به شکل گیری قطره در کanal . . . . .                        | ۴۲  |
| جدول (۱۰-۲) پارامتر های اولیه و ورودی مربوط به تغییر شکل قطره مربعی . . . . .                        | ۴۴  |
| جدول (۱۱-۲) پارامترهای ورودی مربوط به انعقاد دو قطره دایره ای . . . . .                              | ۴۵  |
| جدول (۱-۳) تعریف متغیرهای جدید موثر در تعیینتابع گاما . . . . .                                      | ۵۱  |
| جدول (۲-۳) تعریف متغیرهای رابطه (۱-۳) و نمایش معادل آنها در داخل برنامه . . . . .                    | ۵۱  |
| جدول (۳-۳) متغیر های معادلات بولتزمن و معادل آنها در برنامه . . . . .                                | ۷۴  |
| جدول (۴-۳) روابط ریاضی مشتقات جزئی و معادل آنها در برنامه . . . . .                                  | ۸۵  |
| جدول (۱-۴) متغیر های تعیین کننده ابعاد هندسی مسئله . . . . .   | ۹۳  |
| جدول (۲-۴) متغیرهای ورودی برنامه که توسط کاربر تعیین می شود . . . . .                                | ۹۳  |
| جدول (۳-۴) متغیر های ورودی برنامه برای انعقاد دو قطره که توسط کاربر تعیین می شود . . . . .           | ۱۰۰ |
| جدول (۱-۵) متغیرهای ورودی تعیین شده برای شکل گیری قطره در کanal . . . . .                            | ۳   |

## فهرست علائم ریاضی موجود در متن

|                 |                                  |
|-----------------|----------------------------------|
| a               | پارامتر شدت برهم کنش بین مولکولی |
| Ca              | عدد مویینگی (کپیلاری)            |
| c , e           | سرعت گسسته شبکه بولتزمن          |
| f               | تابع توزیع (تعیین مرز مشترک)     |
| $\tilde{f}$     | تابع توزیع سرعت پس از برخورد     |
| f <sup>eq</sup> | تابع توزیع تعادلی                |
| F <sub>s</sub>  | نیروی مرتبط با کشش سطحی          |
| g               | تابع توزیع فشار                  |
| G               | نیروی گرانش                      |
| I(a)            | پارامتر ثابت انتگرالی            |
| k               | ضریب تنش برشی                    |
| P               | فشار در مقیاس شبکه               |
| Q               | نسبت سرعت بین دو فاز             |
| R               | شعاع قطره                        |
| R <sub>b</sub>  | شعاع پل رابط بین دو قطره         |
| Re              | رینولدز برای تنش سطحی            |
| t               | زمان در مقیاس شبکه               |
| RT              | ضرب ثابت گاز در دما              |
| u               | بردار سرعت در مقیاس شبکه         |
| U               | سرعت ماکروسکوپیک جریان           |
| w               | ضریب وزنی                        |
| x               | بردار مکان در راستای افقی        |
| y               | بردار مکان در راستای عمودی       |

## عالئم یونانی

|                 |                                 |
|-----------------|---------------------------------|
| $\sigma$        | کشش سطحی                        |
| $\mu$           | لرجت دینامیکی سیال              |
| $v$             | لرجت سینماتیکی سیال             |
| $\rho$          | چگالی در مقیاس شبکه             |
| $\tau$          | فاکتور آسایش شبکه برای سرعت     |
| $\Gamma$        | نسبت تابع توزیع تعادلی به چگالی |
| $\phi$          | تابع مشخصه                      |
| $\psi(\varphi)$ | تابع ردیاب مرز مشترک            |
| $\psi(\rho)$    | پارامتر غیر ایده آل معادله حالت |

## زیر نویس ها

|          |                              |
|----------|------------------------------|
| temp     | پس از جاری شدن               |
| c        | مربوط به فاز جدا شونده       |
| d        | مربوط به فاز پیوسته          |
| eff      | مؤثر                         |
| L        | مینیمم- مربوط به سیال سبک    |
| h        | ماکزیمم- مربوط به سیال سنگین |
| in       | درون قطره                    |
| out      | بیرون قطره                   |
| $\alpha$ | جهت شبکه                     |

بala نویس ها

eq

تعادلی

Market Code